

NOMBRE: _____

1. En cada caso, halla la ecuación general de la recta: (1,6p)
- Pasa por $A(-2, 5)$ y tiene la dirección del vector $\vec{u} = (2, 1)$.
 - Pasa por los puntos $A(0, 3)$ y $B(2, -1)$. Indica su pendiente y su ordenada en el origen.
 - Halla la ecuación de la paralela a $2x - 3y = 0$ cuya ordenada en el origen es -2 .
 - Dada la recta $4x + 3y - 6 = 0$, escribe la ecuación de la recta perpendicular a ella en el punto de corte con el eje de ordenadas.
2. Dada la recta $r : 4x - 3y + 2 = 0$ (1,2p)
- Expresa la recta en forma paramétrica,
 - indica su pendiente y su ordenada en el origen y exprésala en forma explícita.
 - el ángulo que forma con el eje X
3. Calcula las coordenadas del punto simétrico de $P(3, -2)$ respecto de la recta de ecuación $r: 2x + y - 14 = 0$ (1,5p)
4. Los vértices de un triángulo son los puntos $A(-3, 0)$, $B(5, -2)$ y $C(3, 7)$. Calcula la longitud de la altura del triángulo sobre el lado AB . Halla el área del triángulo (1,3p)
5. a) Calcula la ecuación de la circunferencia concéntrica con $C_1: 2x^2 + 2y^2 - 8x - 4y - 14 = 0$ y tangente a la recta $r: x - 2y - 8 = 0$ (1,4p)
- b) Calcula la potencia del punto $A(1, -2)$ respecto de C_1 e indica su posición relativa.
6. ¿Cuál es la ecuación de la elipse cuya excentricidad es $e = 0,6$, su centro $C(-1, 3)$ y uno de cuyos focos es $F(5, 3)$? Dibújala. (1p)
7. Identifica y representa las cónicas indicando todos sus elementos. (2p)
- $y^2 - 4y - 6x - 5 = 0$.
 - $16x^2 + 4y^2 - 64 = 0$

NOMBRE: _____

1

$$a) \frac{x+2}{2} = \frac{y-5}{1} \Rightarrow x - 2y + 12 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow y = \frac{1}{2}x + 6$$

Pendiente: $m = \frac{1}{2}$. Ordenada en el origen: $n = 6$

b) Vector director $\vec{u} = \overline{AB} = (2, -4)$

$$\frac{x}{2} = \frac{y-3}{-4} \Rightarrow 2x + y - 3 = 0 \Rightarrow y = -2x + 3$$

Pendiente: $m = -2$. Ordenada en el origen: $n = 3$

c)

$$r: 2x - 3y = 0$$

$s \parallel r \rightarrow$ la pendiente de s ha de ser igual a la de r }
 $P(0, -2) \in s$

$$\rightarrow \left\{ \begin{array}{l} m_s = m_r = 2/3 \\ P(0, -2) \in s \end{array} \right. \rightarrow y = \frac{2}{3}x - 2 \rightarrow 2x - 3y - 6 = 0$$

ECUACIÓN EXPLÍCITA

ECUACIÓN IMPLÍCITA

d)

- Veamos primero cuál es el punto de corte, $P(x, y)$, de la recta con el eje de ordenadas.

$$r: \begin{cases} 4x + 3y - 6 = 0 \\ \text{Eje } Y: x = 0 \end{cases} \rightarrow 4 - 0 + 3y - 6 = 0 \rightarrow 3y = 6 \rightarrow y = 2$$

Luego $P(0, 2) \in r$ y también debe ser $P(0, 2) \in s$, donde $s \perp r$.

- Como $s \perp r \rightarrow$ sus pendientes deben cumplir:

$$m_s \cdot m_r = -1 \rightarrow m_s = \frac{-1}{m_r} = \frac{-1}{-4/3} = \frac{3}{4}$$

- Como $P(0, 2) \in s$ y $m_s = \frac{3}{4} \rightarrow y = \frac{3}{4}x + 2 \rightarrow 3x - 4y + 8 = 0$

NOMBRE: _____

2	<p>a) $4x - 3y + 12 = 0$ Si $x = 0 \Rightarrow y = 4$, luego un punto puede ser $A(0, 4)$, y el vector $\vec{u} = (3, 4)$.</p> <p>b) $y = \frac{4}{3}x + 4$. Ordenada en el origen: $n = 4$.</p> <p>Pendiente: $m = \frac{4}{3}$. Y como</p> $m = \operatorname{tg} \alpha \Rightarrow \alpha = \operatorname{arctg}\left(\frac{4}{3}\right) = 53^\circ 7' 48''$	
3	<p>Recta perpendicular a la dada que pasa por $P(3, -2)$, $x - 2y + C = 0$, $3 + 4 + C = 0 \Rightarrow C = -7$ Por tanto, la recta es $x - 2y - 7 = 0$, y la proyección de P: $\begin{cases} 2x + y = 14 \\ x - 2y = 7 \end{cases} \Rightarrow P'(7, 0)$</p> <p>Que es el punto medio del segmento \overline{PQ}.</p> $\frac{x + 3}{2} = 7 \Rightarrow x = 11 \quad \frac{y - 2}{2} = 0 \Rightarrow y = 2$ <p>El punto buscado es $Q(11, 2)$.</p>	
4	<p>La altura es la distancia de C a la recta que pasa por A y B.</p> $r: \frac{x + 3}{8} = \frac{y}{-2} \Rightarrow x + 4y + 3 = 0$ $h = d(C, r) = \frac{ 3 + 28 + 3 }{\sqrt{17}} = 2\sqrt{17}$	

NOMBRE: _____

5

5/

$$C_1: 2x^2 + 2y^2 - 8x - 4y - 14 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow C_1: x^2 + y^2 - 4x - 2y - 7 = 0.$$

La C_2 tendrá el mismo centro que C_1 .

$$C_1 \left\{ \begin{array}{l} D = -2C_2 \Rightarrow C_2 = \frac{-4}{-2} \Rightarrow C_2 = 2 \\ E = -2C_2 \Rightarrow C_2 = \frac{2}{2} \Rightarrow C_2 = 1 \end{array} \right. \left. \begin{array}{l} C(2, 1) \\ 3 \\ r \end{array} \right.$$

La C_2 tendrá como radio la $d(C, r)$;

$$d(C, r) = \frac{|1 \cdot 2 + (-2) \cdot 1 + (-8)|}{\sqrt{1+4}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow d(C, r) = \frac{8\sqrt{5}}{5}$$

$$r = \frac{8\sqrt{5}}{5} \cup$$

$$C_2 \left\{ \begin{array}{l} C(2, 1) \\ r = \frac{8\sqrt{5}}{5} \end{array} \right. \left. \begin{array}{l} (x-2)^2 + (y-1)^2 = \frac{64}{5} \end{array} \right.$$

$$b/ \text{Pot}_{C_1}(A) = \left\{ \begin{array}{l} C_1: x^2 + y^2 - 4x - 2y - 7 = 0 \\ A(1, -2) \end{array} \right.$$

$$1^2 + 4 - 4 \cdot 1 - 2(-2) - 7 = 0$$

$-2 \neq 0$; indica que el punto es interior a la circunferencia.

NOMBRE: _____

6

a) La distancia entre el centro de la elipse y uno de sus focos es la semidistancia focal, c : luego:

$$c = d(C, F) \Rightarrow \boxed{c = 6}$$

Como la excentricidad se define como $e = \frac{c}{a}$, tenemos que: $0,6 = \frac{6}{a} \Rightarrow a = \frac{6}{0,6} \Rightarrow \boxed{a = 10}$

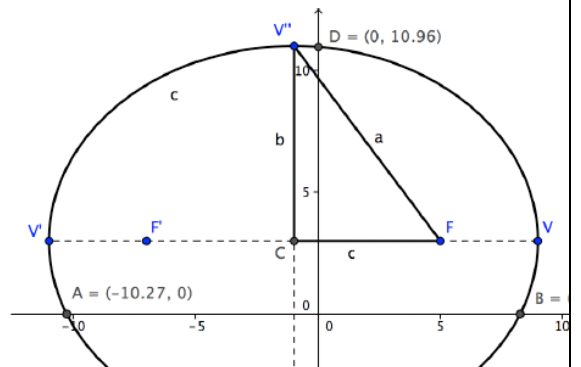
Para calcular el otro semieje basta emplear la ecuación que relaciona a los tres parámetros:

$$b^2 + c^2 = a^2 \Rightarrow b^2 + 6^2 = 10^2 \Rightarrow \boxed{b = 8}$$

Con lo que estamos en condiciones de escribir la ecuación de la elipse:

$$\frac{(x+1)^2}{10^2} + \frac{(y-3)^2}{8^2} = 1$$

b) La gráfica aproximada de la elipse será:



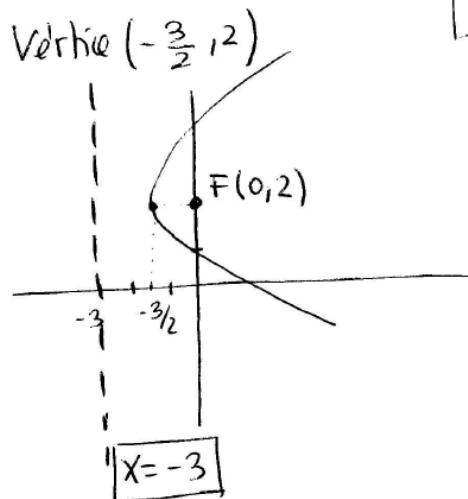
7

* $y^2 - 4y - 6x - 5 = 0$ Es una parábola

$$y^2 - 4y = (y-2)^2 - 4 \Rightarrow (y-2)^2 - 4 - 6x - 5 = 0$$

$$(y-2)^2 = 6x + 9$$

$$\boxed{(y-2)^2 = 6\left(x + \frac{3}{2}\right)}$$



$$2p = 6 \Rightarrow p = 3$$

$$p/2 = 3/2$$

directriz:

$$x = -\frac{3}{2} - \frac{3}{2} = -\frac{6}{2} = -3$$

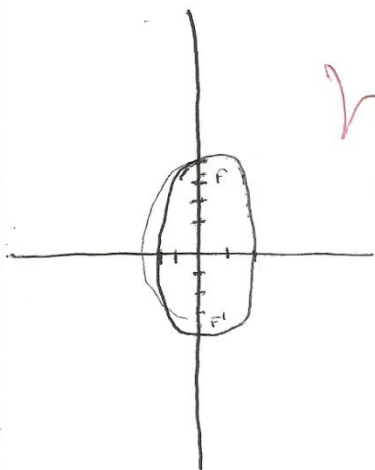
NOMBRE: _____

b)

$$16x^2 + 4y^2 - 64 = 0$$

$$16x^2 + 4y^2 = 64$$

$$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{16} = 1 \Rightarrow \text{Es una elipse}$$



Elipse;
es vertical

$$\left. \begin{array}{l} a=4 ; b=2 ; c=\sqrt{16-4} = \underline{2\sqrt{3}} \\ C(0,0) \\ F(0, 2\sqrt{3}) \\ F'(0, -2\sqrt{3}) \\ \text{vértices } \left\{ \begin{array}{l} A(0,4) \quad A'(0,-4) \\ B(2,0) \quad B'(-2,0) \end{array} \right. \end{array} \right\}$$